

Examenul de bacalaureat național 2020

Proba E. c)

Matematică  $M_{tehnologic}$

Test 1

Filiera tehnologică: profilul servicii, toate calificările profesionale; profilul resurse, toate calificările profesionale; profilul tehnic, toate calificările profesionale

- Toate subiectele sunt obligatorii. Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul de lucru efectiv este de 3 ore.

SUBIECTUL I

(30 de puncte)

- 5p 1. Mutassátok ki, hogy  $3(2 - \sqrt{20}) + \sqrt{180} = 6$ .
- 5p 2. Adott az  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = 3x - 1$  függvény. Számítsátok ki  $(f \circ f)(1)$ .
- 5p 3. Oldjátok meg a valós számok halmazán  $\lg(5x - 1) = \lg 2 + \lg 7$ .
- 5p 4. Egy 30% -os drágulás után egy termék 5200 lejbe kerül. Határozzátok meg a termék eredeti árát.
- 5p 5. Az  $xOy$  derékszögű koordináta rendszerben tekintsük az  $A(0,3)$ ,  $B(4,8)$  és  $C(4,0)$  pontokat. Számítsátok ki a  $B$  pontnak az  $AC$  egyenestől mért távolságát.
- 5p 6. Mutassátok ki, hogy  $\frac{2 \cos 30^\circ}{2 \operatorname{tg} 45^\circ + 1} = \operatorname{tg} 30^\circ$ .

SUBIECTUL al II-lea

(30 de puncte)

1. Adott az  $A(a) = \begin{pmatrix} a+1 & 2a+1 \\ a & 2a \end{pmatrix}$  mátrix, ahol  $a$  egy valós szám.
- 5p a) Mutassátok ki, hogy  $\det(A(10)) = 10$ .
- 5p b) Bizonyítsátok be, hogy  $(A(a) - A(b))(A(a) - A(b)) = 3(a - b)(A(a) - A(b))$ , bármely  $a$  és  $b$  valós számra.
- 5p c) Határozzátok meg az  $n$  természetes számot amelyre  $\det(A(2)) + \det(A(3)) + \dots + \det(A(n)) = 35$ .
2. Az  $M = [\sqrt{2}, +\infty)$  halmazon értelmezett egy semleges elemmel rendelkező asszociatív művelet  $x * y = \sqrt{(x^2 - 2)(y^2 - 2)} + 2$ .
- 5p a) Mutassátok ki, hogy  $4 * \sqrt{3} = 4$ .
- 5p b) Határozzátok meg az  $x = \sqrt{6}$  elem szimmetrikusát a „ $*$ ” műveletre nézve.
- 5p c) Számítsátok ki  $\sqrt{2} * \sqrt{3} * \sqrt{4} * \dots * \sqrt{2020}$ .

SUBIECTUL al III-lea

(30 de puncte)

1. Adott az  $f: (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = 2\sqrt{x}(\ln x - 1)$  függvény.
- 5p a) Mutassátok ki, hogy  $f'(x) = \frac{\sqrt{x}(\ln x + 1)}{x}$ ,  $x \in (0, +\infty)$ .
- 5p b) Határozzátok meg az  $f$  függvény  $x = \frac{1}{e}$  abszcisszájú pontjába húzott érintő egyenletét.
- 5p c) Bizonyítsátok be, hogy  $\sqrt{e}f(x) + 4 \geq 0$ , bármely  $x \in (0, +\infty)$ .
2. Adott az  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \begin{cases} 2x - 1, & x \in (-\infty, 0] \\ \frac{3x - 1}{x + 1}, & x \in (0, +\infty) \end{cases}$  függvény.
- 5p a) Mutassátok ki, hogy  $f$ -nek létezik primitívje  $\mathbb{R}$ -en.

**5p** b) Számítsátok ki  $\int_1^2 f(x) dx$ .

**5p** c) Mutassátok ki, hogy  $\int_{-1}^0 e^x f(x) dx = \frac{5-3e}{e}$ .