



# VEKTORMŰVELETEK

# Alapfogalmak

---

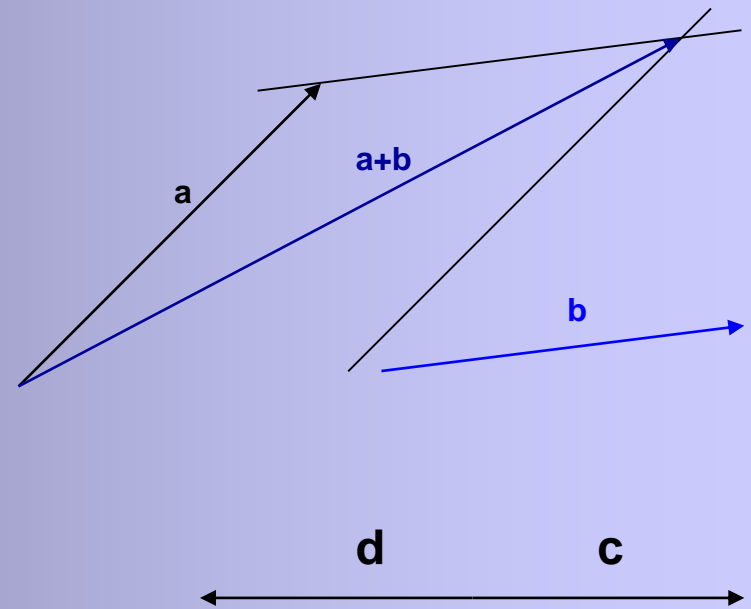
- A vektor irányított szakasz, vagyis két fő jellemzője van: a nagysága és az iránya.
- Ha egy ábrán két vektor egyirányú és ugyanolyan hosszú, akkor az ugyanaz a vektor. Olyan mintha két egyforma számot látnánk két helyen leírva (pl. 3 és 3). Hiába írjuk le kétszer, ugyanazt a számot jelenti.

# Összeadás

## Paralelogramma módszer

(kattintásra indul)

1. Toljuk a vektorokat közös kezdőpontba (kattintásra tovább)
2. Húzzunk párhuzamost a másik vektorral a vektorok végpontjain át (kattintásra tovább)
3. A vektorok kezdőpontjából húzzuk meg a keletkezett paralelogramma átlóját. Ez adja az összegvektort. (kattintásra tovább)
4. Ellentétes irányú, de egyenlő nagyságú vektorok összege a nullvektor („kioltják egymást”) (kattintásra tovább)



Kattintásra tovább

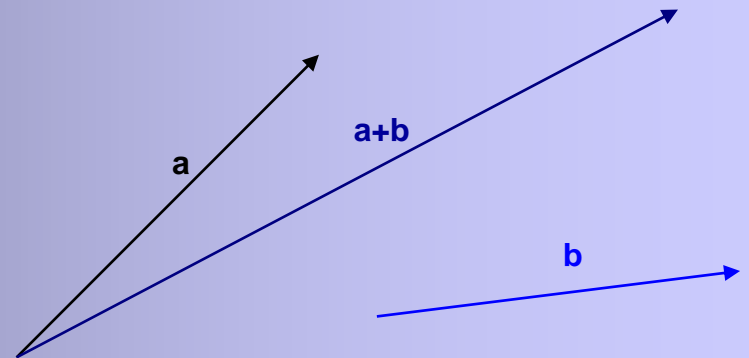
# Összeadás

---

## Összefűzéses módszer (háromszögszabály)

(kattintásra indul)

1. Toljuk az egyik vektor kezdőpontját a másik vektor végpontjába (kattintásra tovább)
2. Az összegvektor a szabad kezdőpontból a szabad végpontba mutat. (kattintásra tovább)

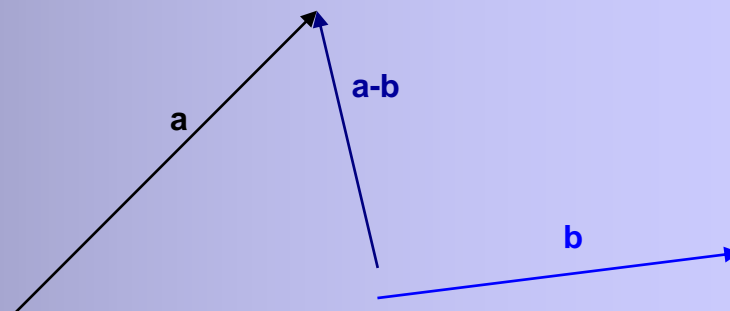


# Kivonás

Hasonlít a paralelogramma módszerhez

(kattintásra indul)

1. Toljuk a vektorokat közös kezdőpontba (kattintásra tovább)
2. Kössük össze a vektorok végpontját. A különbség a kisebbítendő vektor (amelyikből kivonunk) felé mutat. (kattintásra tovább)



# Szorzás valós számmal

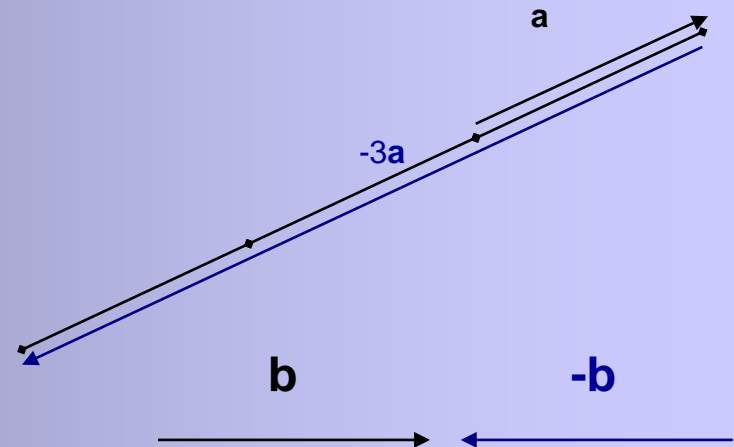
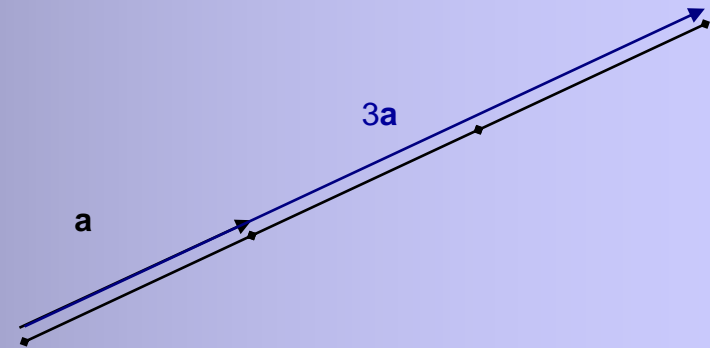
Skalárral szorzásnak is nevezzük, kell hozzá egy  $\lambda \in \mathbb{R}$  pl. legyen  $\lambda=3$

(kattintásra indul)

1. Hatására a vektor hossza  $\lambda$ -szorosára változik (kattintásra tovább)

2. Ha a  $\lambda$  negatív (pl. -3), a vektor iránya ellentétesre is változik („megfordul”) (kattintásra tovább)

3. Ha a  $\lambda = -1$ , csak a vektor iránya változik ellentétesre („megfordul”) (kattintásra tovább)



# Vektorok koordináta-rendszerben

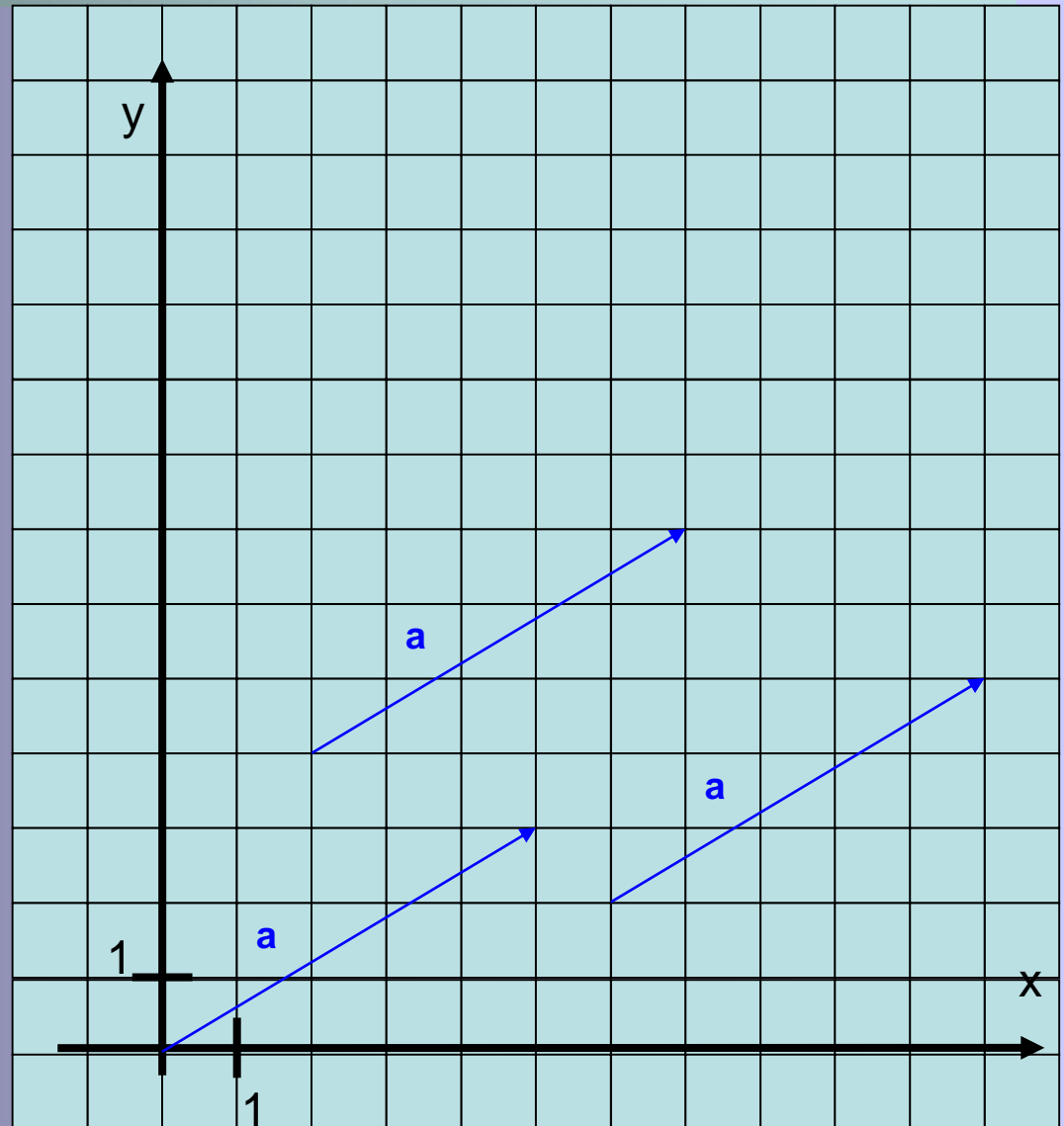
---

- Vektorokat használhatunk koordináta-rendszerben is. Milyen koordinátákkal adjunk meg egy vektort?
- Kihasználjuk, hogy az egyező irányú, egyenlő nagyságú vektorok megegyeznek, így ezek közül mindig csak az origóból induló vektort tekintjük (ezt nevezzük helyvektornak), aminek elegendő csak a végpontját megadni.

# Vektorok koordináta-rendszerben

Példa:

Az ábrán az  $\mathbf{a}$  vektor több helyzetben is látható, de mindegyik az  $\mathbf{a}(5;3)$  vektor.



Kattintásra tovább



# Vektorösszeadás koordináta- rendszerben

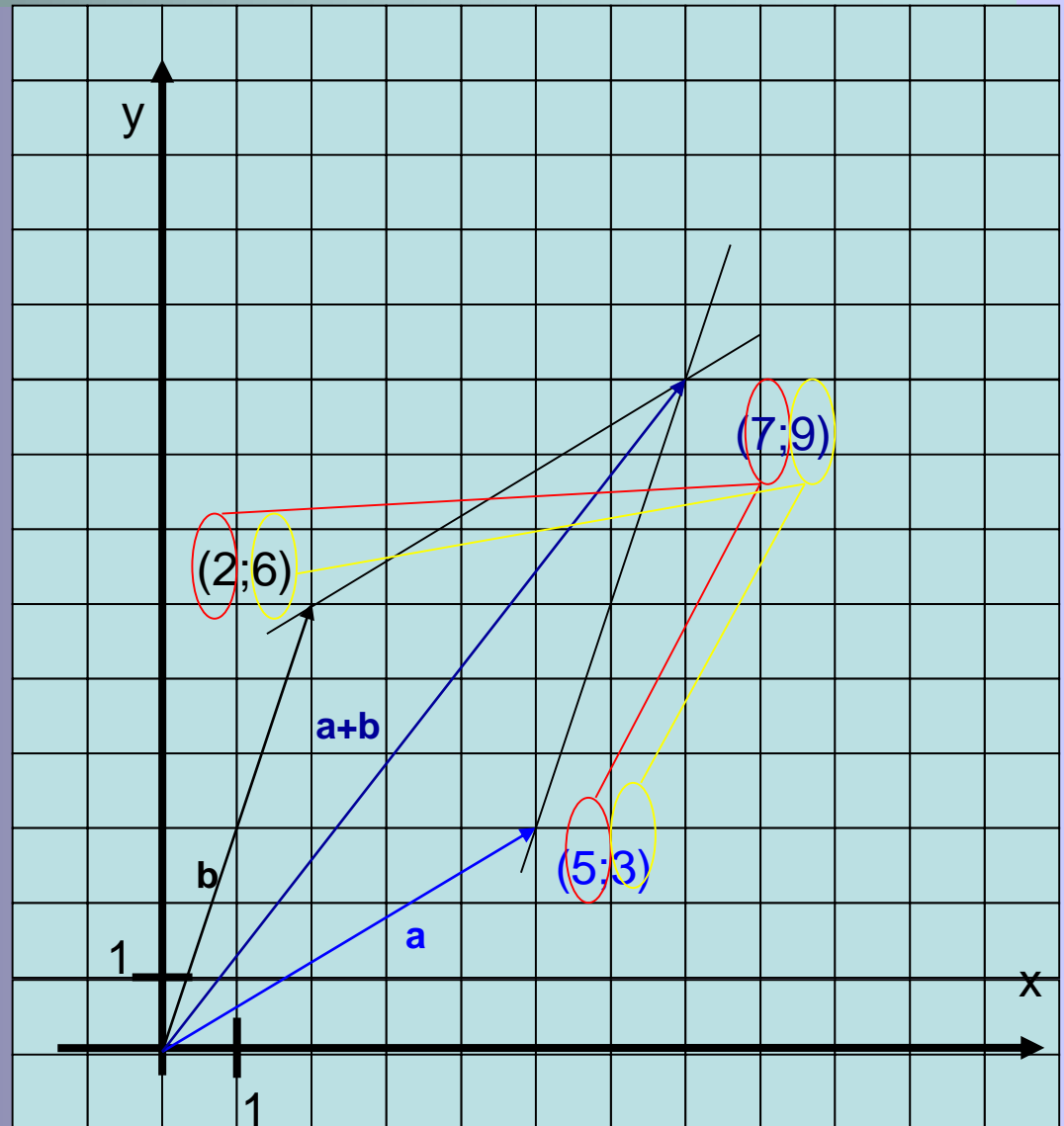
## Összeadás

Határozzuk meg az  $\mathbf{a}(5;3)$   
és a  $\mathbf{b}(2;6)$  vektorok  
összegét! (kattintásra indul)

A már ismert  
paralelogramma módszert  
alkalmazzuk (kattintásra tovább)

Az  $\mathbf{a}+\mathbf{b}$  x koordinátája az  $\mathbf{a}$   
és a  $\mathbf{b}$  x koordinátájának  
összege. Ugyanígy az y  
koordinátája az  $\mathbf{a}$  és a  $\mathbf{b}$  y  
koordinátájának összege.  
(kattintásra tovább)

Az  $\mathbf{a}+\mathbf{b}(7;9)$ , mert  $5+2=7$  és  
 $3+6=9$  (kattintásra tovább)  
Kattintásra tovább



# Vektorok különbsége koordináta-rendszerben

## Kivonás

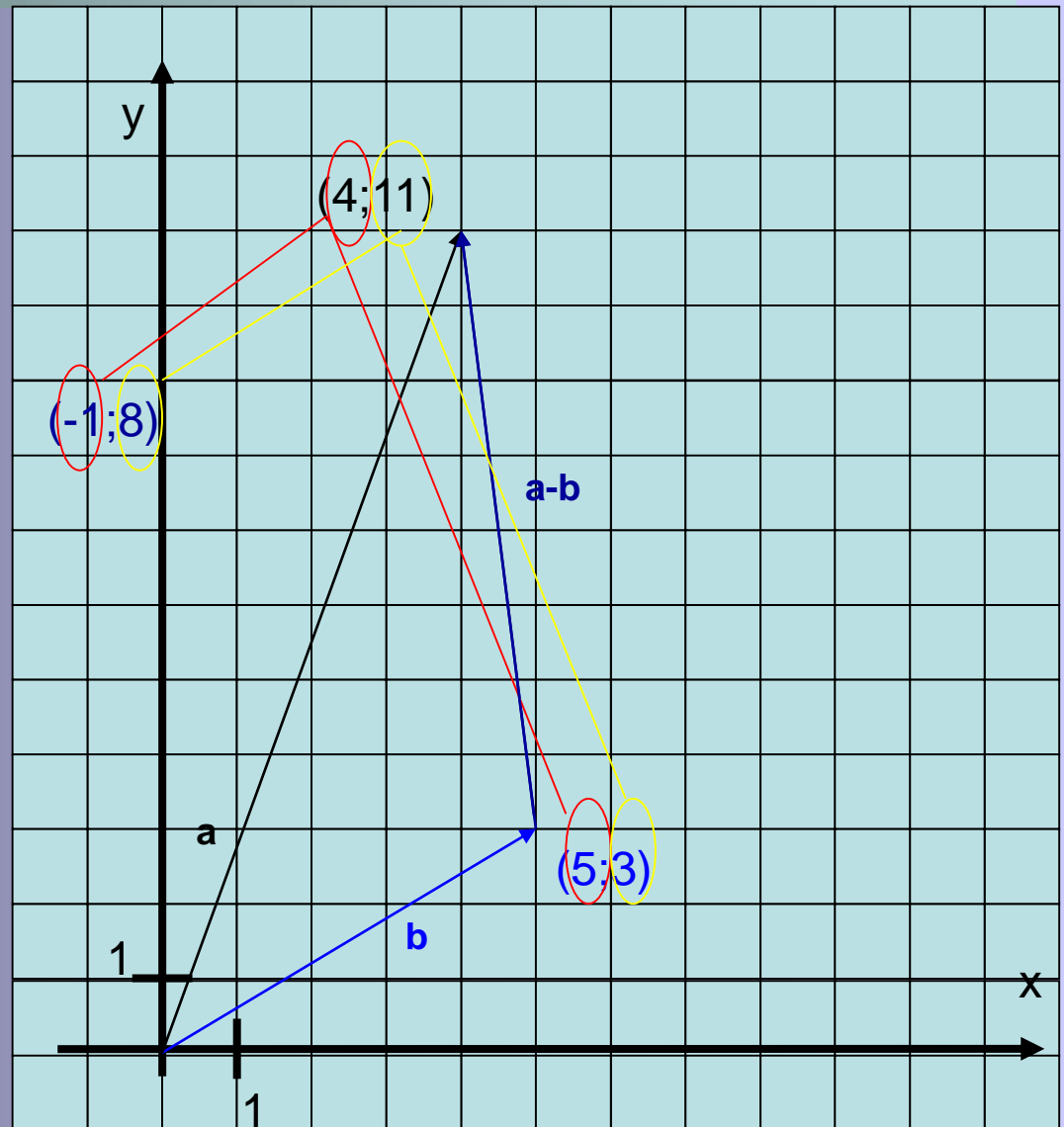
Határozzuk meg az  $\mathbf{a}(4;11)$  és a  $\mathbf{b}(5;3)$  vektorok különbségét!  
(kattintásra indul)

A már ismert módszert  
alkalmazzuk (kattintásra tovább)

Az  $\mathbf{a}-\mathbf{b}$  x koordinátája az  $\mathbf{a}$  és a  $\mathbf{b}$  x koordinátájának különbsége. Ugyanígy az y koordinátája az  $\mathbf{a}$  és a  $\mathbf{b}$  y koordinátájának különbsége. Ne feledjük, a koordináták az origóból induló vektorra vonatkoznak! (kattintásra tovább)

Az  $\mathbf{a}-\mathbf{b}(-1;8)$ , mert  $4-5=-1$  és  $11-3=8$  (kattintásra tovább)

Kattintásra tovább



# Vektorok szorzása valós számmal koordináta-rendszerben

## Szorzás

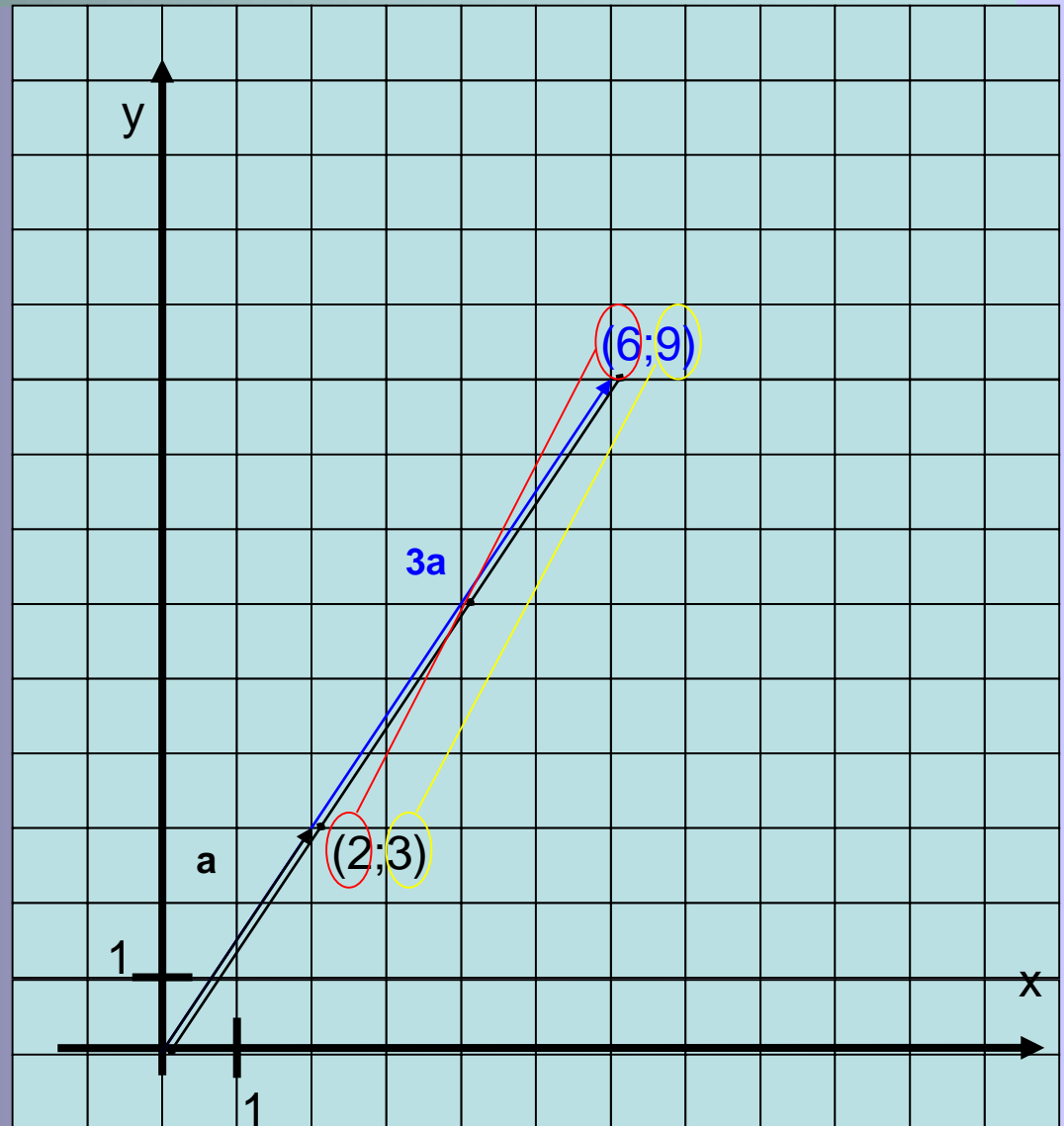
Határozzuk meg az  $\mathbf{a}(2;3)$   
háromszorosát! (kattintásra  
indul)

A már ismert módszert  
alkalmazzuk (kattintásra tovább)

Az  $3\mathbf{b}$  x koordinátája az  $\mathbf{a}$  x  
koordinátájának  
háromszorosa. Ugyanígy az  
y koordinátája az  $\mathbf{a}$  y  
koordinátájának  
háromszorosa. (kattintásra  
tovább)

Az  $3\mathbf{a}(6;9)$ , mert  $3 \cdot 2 = 6$  és  
 $3 \cdot 3 = 9$  (kattintásra tovább)

Kattintásra tovább



Vége